

## ’חידה 6 – מעגל ועיגול

### פעילות 1: היקף המעגל

גפלט „גיאומטריה מתקדם – מעגל ועיגול“. סדרה „Geometry Inventor“. עמוד 3 – סעיף 3 – תרגיל 2 – מהן קודות המסומנות על המעגל.



מבחן אוקט אוניברסיטאות.

#### מיצולע משוכלל למעגל

1. א) סרטטו משולש שווה צלעות שקדקודיו בשלוש מהנקודות המסומנות על המעגל.

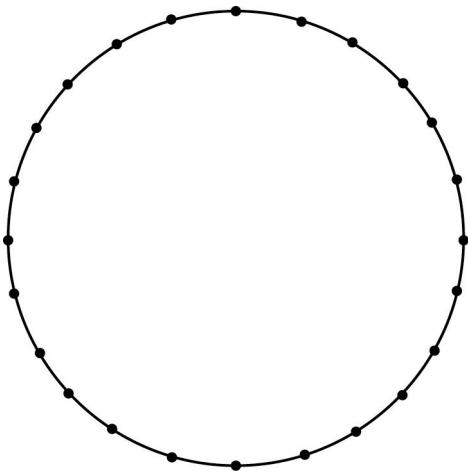
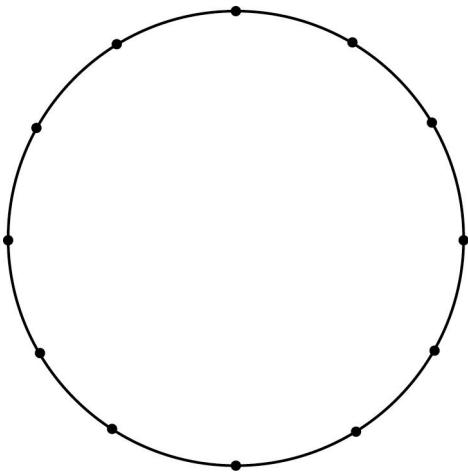
ב) סרטטו ריבוע שקדקודיו באربע מהנקודות המסומנות על המעגל.

ג) סרטטו משושה משוכלל שקדקודיו בשש מהנקודות המסומנות על המעגל.

ד) סרטטו מתומן משוכלל שקדקודיו בשמונה מהנקודות המסומנות על המעגל.

ה) סרטטו מצולע משוכלל בעל 12 צלעות.

ו) סרטטו מצולע משוכלל בעל 24 צלעות.



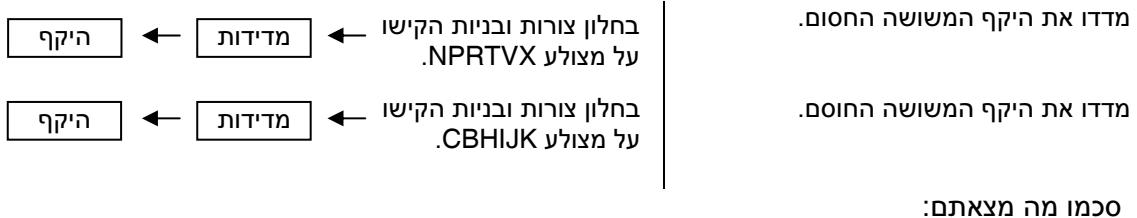
כל שמספר הצלעות גדול, היקף המיצולע החסום במעגל המשוכלל מתקרב להיקף המעגל. בפעילות זו השתמש במצולעים החסומים במעגל וחושמים אותו כדי להתקרב להיקף של המעגל. בפעילות הבאה נשתמש באותה הדרכן לחישוב שטח של מעגל.



2. בתרגיל זה נאמד באמצעות מצולעים חסומים וחסומים את הקשר שבין היקף המעלג וקוטרו.

**א) פתחו את הקובץ חסום וחסום 1.**

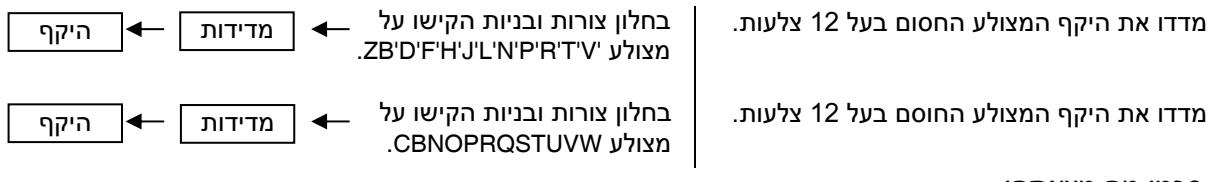
קוטר המעלג הוא 10 ס"מ. חשבו את היקף המשושה החסום.



סכמו מה מצאתם:



**ב) פתחו את הקובץ חסום וחסום 2.**



סכמו מה מצאתם:



ג) סכמו את הממצאים בטור הראשון והשלישי בטבלאות הבאות.

אםדו את היקף המעלג, ורשמו את אומדןכם בטור האמצעי.

היקף המעלג החסום	היקף המצולע (קוטר 10)	היקף המצולע החסום	
			משושים
			12 צלעות

היחס שבין היקף המצולע החסום לקוטר (10)	היחס שבין היקף המצולע המעלג לקוטר (10)	היחס שבין היקף המצולע החסום לקוטר (10)	
			משושים
			12 צלעות



## לעבודה ב- Geometry Inventor



2. בתרגיל זה נאמדן באמצעות מצולעים חסומים וחסומים את הקשר שבין היקף המעלג לקוטרו.

א) פתחו את הקובץ **.chas1**

קוטר המעלג הוא 10. חשבו את היקף המשושה.

הציגו את המסגרת למסך הפנימי ורשמו  
בתוכה ABCDEF



לבדיקה מדדו את היקף המשושה החסום.

פתחו את הקובץ **.choscha1**.

(קוטר המעלג 10.)

קראו את היקף המצולע החסום, הרשם  
במסגרת.



קראו את היקף המשושה החסום.

סכמו מה מצאתם:

היקף המשושה החסום



<      היקף המעלג      <

היקף המשושה החסום



ב) פתחו את הקובץ **.choscha2**

(קוטר המעלג הוא 10.)

DQ \* 12 קראו את היקף המצולע החסום:  $12 \times 3.14 = 37.7$



קראו את היקף המצולע החסום בעל 12 צלעות.

קראו את היקף המצולע החסום:  
 $A1m1 \times 12 = 37.7$



מדדו את היקף המצולע החסום בעל 12 צלעות.

סכמו מה מצאתם:

היקף מצולע חסום (12 צ')



<      היקף המעלג      <

היקף מצולע חסום (12 צ')



ג) פתחו את הקובץ **.chas3**

(קוטר המעלג הוא 10).

EX קראו את היקף המצלול החסום:  $24 * 24$



קראו את היקף המצלול החסום בעל **24** צלעות ורשמו אותו.

פתחו את הקובץ: **choscha3**

קראו את היקף המשושה החסום:  $H2J2 * 24$



קראו את היקף המצלול החסום.

סכמו מה מצאתם:

**היקף מצולע חסום (24 צ')**



<      **היקף המעלג**      <

**היקף מצולע חסום (24 צ')**



ד) סכמו את הממצאים בטור הראשון והשלישי בטבלאות הבאות.

אמדנו את היקף המעלג ורשמו את אומדןכם בטור האמצעי.

היקף מצולע חסום	היקף המעלג (קוטר 10)	היקף מצולע חסום	
			משושים
			12 צלעות
			24 צלעות

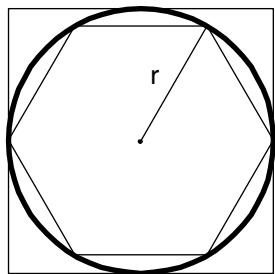
יחס בין היקף מצולע חסום לקוטר (10)	יחס בין היקף המעלג לקוטר (10)	יחס בין היקף מצולע חסום לקוטר (10)	
			משושים
			12 צלעות
			24 צלעות

היזרו את המסגרת למספר הפנימי ורשמו  
בתוכה 01



כעת מדדו באמצעות התוכנה את היקף המעלג  
והשו עם האומדן.





3. א) בטאו את היקף הריבוע החסום את המרجل באמצעות  $r$ .

בטאו את היקף המשושה החסום במעגל באמצעות  $r$ .

**היקף המשושה החסום**



**היקף המרجل**

**היקף הריבוע החסום**



בטאו שנית באמצעות  $k$  (קוטר המרجل).

**היקף המשושה החסום**



**היקף המרجل**

**היקף הריבוע החסום**



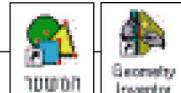
**היקף המרجل**

**$k$**



בתרגיל 2 אמדתם ואחר כך מדדתם את היקף של מרجل שרדיו  $10$ . בתרגיל 3 סעיף א' מצאתם בין אילו ערכיהם נמצא היחס שבין היקף מרجل לקוטרו. בתרגיל 3 ב' תשימושו במחשב כדי למצוא אומדן טוב יותר ליחס זהה.

**לעבודה ב- Geometry Inventor או במשער הגיאומטרי**



(ב) פתחו את הקובץ "יחס" במשער הגיאומטרי או "YACHAS" ב- **Geometry Inventor**.  
העתיקו את המדידות של היקף המרجل וקוטרו וחשבו את היחס בין היקף לקוטר. שנו את המרجل בגרירה, ועקבו אחר השתנות המדידות: קוטר המרجل, היקף המרجل והיחס שבין היקף לקוטר.



רשמו את מסקנתכם.



היחס שהתקבל בין היקף המעלג לקוטרו הוא קבוע ושווה ל-  $\pi$ . מספר זה הוא אחד הקירובים לערך  $\pi$ . בתרגיל הבא תעסקו בקירובים שונים לערך  $\pi$ .

הנואחה לחישוב היקף מעגל שרדיו  $\pi$  היא:  $\pi$  . קיצור או  $\pi$  .  
2

4. א) הוכיחו כל שבר פשוט לעשרוני, ורשמו את התוצאה במסגרת שמתוחת לשבר פשוט.

09384	46095	50582	23172	53594	08128	48111	74502	83165	27120	19091	45648	56692	34603	48610	45432	86280	34825	34211	70679	82148	08651	32823	06647
66482	13393	60726	02491	41273	72458	70066...	84102	70193	85211	05559	64462	29489	54930	38196	69399	37510	58209	774944	59230	78164	06286	20899	
22	7						754	240							3 1/8								
3927	1250						355	113							256	81							
4320	1375						3 10/71								1964	625							

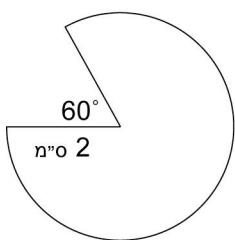
ב) במסגרת שבה היקף רשום קירוב של **1013** ספרות ל-  $\pi$ . השוו את התוצאות שקיבלתם עם הקירוב ל-  $\pi$  הרשום במסגרת.

איזה שבר פשוט הוא הקירוב ביותר ל-  $\pi$ ?

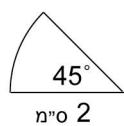
## תרגילים

5. חשבו את היקפי הצורות.

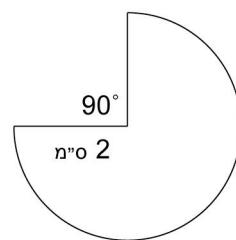
(א)



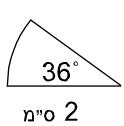
(ב)



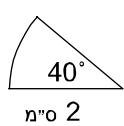
(א)



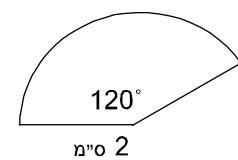
(ו)



(ה)



(ד)

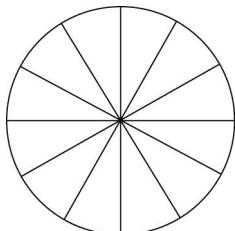


6. קוטרו של גלגל מרכבה הוא 110 ס"מ.

א) מה היקפו במטרים?

ב) איזה מרחק עברה המרכבה לאחר שהגלגל הסתובב 100 סיבובים?

ג) כמה סיבובים מסתובב הגלגל לאורך דרך של ק"מ אחד?



7. לפניכם ציור של אחד מסוגי האופניים הראשונים: "פָנִי פֶרְטִינֶג".

קוטר הגלגל הגדל 90 ס"מ, וקוטר הגלגל הקטן 30 ס"מ.

כמה סיבובים עושה כל גלגל ברכיבה של 3 ק"מ?



8. מהו רדיוס מעגל אם היקפו 5 ס"מ?

9. ציפו מסגרת חלון (מלבן ומעליו קשת שהיא חצי מעגל). מהו היקף הצורה?

