



מרכז מורים ארצי למתמטיקה בחינוך היסודי
المركز القطري لمعلمي الرياضيات في المرحلة الابتدائية
משרד החינוך - המזכירות הפדגוגית, אגף א' למדעים

דָרֵס قَاصِير بِمَوْضُوعِ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ الْعَمُودِيِّ لِأَعْدَادِ كَثِيرَةِ الْمَنَازِلِ

الهدف: تعميق فهم العلاقة بين المبنى العشري وخوارزمية الجمع العمودي لدى التلاميذ.

פיתוח: לובה ויסוצ'אנסקי, ברכה סגליס, ד"ר אתי נוי, ופרופ' ראיסה גוברמן.

اكتشفوا الخطأ

كتبت المعلمة على اللوح ثلاثة تمارين أخطأ التلاميذ في حلها. اكتشفوا الخطأ في كل تمرين وإشرحوا.

أ.

$$\begin{array}{r} + \quad 7 \quad 3 \quad 3 \\ \quad 1, \quad 2 \quad 4 \quad 6 \\ \hline \quad 8 \quad 5 \quad 7 \quad 6 \end{array}$$

ب.

$$\begin{array}{r} + \quad 9 \quad 1 \quad 3 \quad 4 \\ \quad \quad 6 \quad 7 \quad 2 \\ \hline 9, \quad 7 \quad 0 \quad 6 \end{array}$$

ج.

$$\begin{array}{r} + \quad 2 \quad 0 \quad 1 \quad 4 \\ \quad \quad 1 \quad 8 \quad 9 \quad 2 \\ \hline 3, \quad 8 \quad 1 \quad 0 \quad 6 \end{array}$$

أساليب تدريس بيداغوجية في الرياضيات

تعميق فهم العلاقة بين المبنى العشري و خوارزمية الجمع العمودي لدى التلاميذ.	هدف الفعالية
<p>الصف الثالث: الأعداد الطبيعية في مجال العشرة آلاف – المبنى العشري (صفحة 54).</p> <p>الصف الثالث: العمليات الحسابية في مجال العشرة آلاف – الجمع والطرح العمودي (صفحة 57).</p> <p>الصف الرابع: الأعداد الطبيعية حتى مليون – مبادئ المبنى العشري – مراجعة (صفحة 78)، العمليات الحسابية – الجمع والطرح بدون تحديد (صفحة 79).</p> <p>الفعالية معدة للصنف: ثالث – رابع.</p>	<p>الموضوع في المنهاج التعليمي</p>
<p>يتمّ التشديد في الصفين الثالث والرابع على المواضيع التالية: المبنى العشري وعمليات الجمع والطرح في مجال العشرة آلاف. عندما يُعرض للتلاميذ تمرين جمع بأعداد كثيرة المنازل بصورة أفقية، يجد قسم منهم صعوبة في نسخ التمرين بصورة عمودية صحيحة، ونتيجة ذلك يُخطئون في الحل.</p> <p>في تمرين أ:</p> <p>أرقام الأعداد المضافة ليست مرتبة بأمكانها الصحيحة (عشرات أسفل الآحاد، مئات أسفل العشرات والألوف أسفل المئات).</p> <p>مثلا:</p> $ \begin{array}{r} + \quad 7 \quad 3 \quad 3 \\ \quad 1 \quad 2 \quad 4 \quad 6 \\ \hline \quad 8 \quad 5 \quad 7 \quad 6 \end{array} $ <p>في تمرين ب:</p> <p>عندما نجمع 3 عشرات مع 7 عشرات، نحصل على 10 عشرات، وهذا يتطلب تبديل 10 عشرات بـ 1 مئات. في تمرين ب لم يُجرِ التبديل ولم تُضاف مئة للمجموع.</p>	<p>وصف عام للفعالية</p>

$$\begin{array}{r}
 1 \\
 + 9 \ 1 \ 3 \ 4 \\
 \quad 6 \ 7 \ 2 \\
 \hline
 9, \ 7 \ 0 \ 6
 \end{array}$$

في تمرين ج:

$$\begin{array}{r}
 + 2 \ 0 \ 1 \ 4 \\
 \quad 1 \ 8 \ 9 \ 2 \\
 \hline
 3, \ 8 \ 1 \ 0 \ 6
 \end{array}$$

الخطأ مشابه: عندما نجمع عشرة واحدة مع 9 عشرات نحصل على 10 عشرات. لكن التبدل لم يُجر، وإنما كتبت الـ 10 في سطر حاصل الجمع، وهكذا تم الحصول على عدد من 5 منازل. ربما الخطأ نابع أيضا من أن رقم المئات في المضاف الأول هو 0، واعتقد التلميذ أننا لا نأخذه بعين الاعتبار. إن اكتشاف أخطاء لدى التلاميذ في حل تمارين هي طريقة مهمة في سيرورة التعلم وصقل الفهم لديهم. هذه الطريقة تمكن المعلم من اكتشاف عدم فهم التلاميذ للمواضيع المرتبطة بالمبنى العشري.

يُحاول التلاميذ في المرحلة الأولى اكتشاف الأخطاء بأنفسهم، أو من خلال مُحادثة مع زملائهم ويُسجلوا لأنفسهم الخطأ.

في المرحلة الثانية، يُجرى نقاش صفّي مع المعلم حول كل تمرين يعرض فيه التلاميذ استنتاجاتهم ويُحاولوا أن يشرحوا مصدر الأخطاء.

- لبنات الميزان العشري لبناء العدد وعرض محسوس لعملية التبدل.
- كتابة التمارين في جدول المبنى العشري. مثلا:

ألوف	مئات	عشرات	آحاد	
	7	3	3	المُضاف الأول
1	2	4	6	المُضاف الثاني
				حاصل الجمع

- تمثيل التمرين بواسطة تطبيق لبنات الـ 10 والذي يُتيح الإمكانية لإجراء تبديلات.

استعمال وسائل إيضاح أو وسائل مُحوسبة

<p>المعرفة المسبقة اللازمة لتنفيذ الفعالية</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● معرفة الأعداد في مجال العشرة آلاف: قراءة وكتابة. ● فهم مبادئ المبنى العشري: تجميع، تبديل وقيمة الرّقم في المنزلة. ● معرفة خوارزمية الجمع العمودي مع تبديل. ● تقدير حواصل جمع أعداد.
<p>طرائق حلّ ممكنة</p>	<p>تمرين أ</p> <ul style="list-style-type: none"> ● قراءة العددين المضافين جهرا وتقدير حاصل الجمع الذي يجب الحصول عليه. حاصل جمع ألف ومئتان وستة وأربعين مع سبع مئة وثلاثة وثلاثين لا يمكن أن يكون ثمانية آلاف. ● كتابة الأعداد في جدول المبنى العشري لاكتشاف ما إذا كُتِبَ وحلّ التمرين بشكل خاطئ. ● كتابة التمرين من جديد وحله بحسب خوارزمية الجمع العمودي بهدف اكتشاف أنه كُتِبَ وحلّ بشكل خاطئ. <p>تمرين ب</p> <ul style="list-style-type: none"> ● إجراء مراجعة للحسابات، واكتشاف المكان الذي لم يُجرَ فيه تبديل. ● كتابة التمرين من جديد وحله بحسب خوارزمية الجمع العمودي بهدف اكتشاف أنه حلّ بشكل خاطئ ولم يُجرَ تبديل في العشرات. <p>تمرين ج</p> <ul style="list-style-type: none"> ● قراءة العددين المضافين جهرا، وتقدير حاصل الجمع الذي يجب الحصول عليه. حاصل الجمع يجب أن يكون بين 3,000 و 4,000. ● قراءة العدد المسجل في حاصل الجمع واكتشاف أن الفاصلة ليست في مكانها الصحيح وأن حاصل الجمع المسجل غير منطقي. ● كتابة التمرين من جديد وحله حسب خوارزمية الجمع العمودي بهدف اكتشاف أن التمرين حلّ بشكل خاطئ، وبدلا من تبديل 10 عشرات بـ 1 مئات، سُجِّلت أـ 10 عشرات في سطر حاصل الجمع.
<p>أخطاء من الممكن أن تشير إلى وجود صعوبات في فهم المصطلح أو المهارة</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● من المحتمل أن يعتقد بعض التلاميذ بأنّ كلّ واحد من التمارين محلّول بشكل صحيح لأنهم هم أنفسهم يتمسكون بنفس الإدراك الخاطئ. عدم تحديد الأخطاء يدلّ على وجود مشكلة في الفهم لديهم: عدم المحافظة على مكان قيمة الأرقام، تسجيل عدد أكبر من 9 (ثنائي المنزلة) بنفس المكان المعدّل لرقم واحد، أو عدم نقل الرّقم للمنزلة التالية عندما نُجري تبديلا. ● إجراء أخطاء في الحساب عند فحص التمارين بسبب عدم التمكن من الحقائق الأساسية.
<p>إقتراحات للنقاش عند انتهاء الفعالية</p>	<ul style="list-style-type: none"> ● اشرحوا الأخطاء في حلّ التمارين. ● اشرحوا ما هي الطريقة الصحيحة لحلّ التمرين.

على التلاميذ إيجاد الأخطاء في حلّ تمرين جمع آخر وأن يشرحوا مصدرها:

$$\begin{array}{r} + \quad 7 \quad 3 \quad 5 \quad 4 \\ \quad 2 \quad 4 \quad 6 \\ \hline \quad 9 \quad 7 \quad 1 \quad 4 \end{array}$$

إقتراحات للتوسّع في
الفعاليّة